X 線銀河団の観測による fundamental plane の形成と物質密度パラ メータ の制限

丸橋 美香 (大阪大学大学院 理学研究科)

Abstract

本発表では、X 線で観測した銀河団のデータ (密度・ 半径・温度) を三次元対数空間上にプロットすると ある平面 ("fundamental plane") に乗るという研究 (Fujita & Takahara 1999a, b) について紹介する。 fundamental plane に乗ることは銀河団は 2 つの物理量で記述される two-parameter-family であることを 示している。さらに、観測から得られる X 線光度と温度の相関はこの平面を横から見たものである。また fundamental plane 上の銀河団のデータ分布は帯状になっており、この帯の方向から現在の宇宙の密度パラ メータに制限をかけることができる。実際理論モデルと比較したところ、 $\Omega < 0$ という制限をかけることが できた。

1 銀河団とは

銀河団は現在の宇宙で最大の自己重力系である。十 分に大きい領域が重力収縮して形成されると考えら れており、内部で大規模な加熱や冷却はないとされ るため、形成時の宇宙の物質密度パラメータをよく 反映していると考えられている。また銀河団を満た す銀河団ガスからは、主に制動放射により X 線が放 射されている。

2 "Fundamental plane" (Fujita & Takahara (1999a))

45 個の X 線銀河団の観測データ (中心付近のガス 密度・コア半径・X 線温度) を三次元対数空間 (log ρ₀, log R, log T) 上にプロットし最小二乗法により、平面

$$A\log\rho + B\log R + C\log T + D = 0 \qquad (1)$$

ここで ρ , R, T はそれぞれ密度, 半径, 温度であり単位は g/cm², Mpc, keV である。にフィッティングしたところ。板状に分布していることがわかった。[htbp]

これを"fundamental plane" と呼ぶことにする。さ らに観測データは fundamental plane 上にバンドの ように分布することも明らかになった。このバンド を"fundamental band と呼ぶことにし、fundamental



図 1: データ点のXZ面での分布

plane に垂直な平面 ("vertical plane") でも同様に フィッティングした。vertical plane は、

$$Aa + Bb + Cc = 0 \tag{2}$$

という条件のもと

$$a\log\rho_0 + b\log R + c\log T + d = 0 \tag{3}$$

と表すことができる。fundamental plane と vertical plane の単位法線ベクトル(それぞれ \mathbf{e}_1 , \mathbf{e}_2)を求 め、さらにこの2つの外積からどちらの単位法線ベ クトルに対しても垂直な単位ベクトル \mathbf{e}_3 を算出した



図 2: データ点をのYZ面での分布

ところ、以下のようになった。

$$\begin{cases} \mathbf{e}_1 = (0.47, 0.65, -0.60) \\ \mathbf{e}_2 = (0.39, 0.46, 0.80) \\ \mathbf{e}_3 = (0.79, -0.61, -0.039) \end{cases}$$
(4)

すると、基底ベクトル、 \mathbf{e}_1 , \mathbf{e}_2 , \mathbf{e}_3 を使って、fundamental plane を基準とした座標系 (X, Y, Z) での議 論が可能になる。X は fundamental plane に垂直な 方向、Z は fundamental band の方向、Y はそれら の両方に垂直な方向である。(X, Y, Z)と密度・半 径・温度 (ρ, R, T) との関係は以下のようになる。

$$\begin{cases} X = \rho^{0.47} R^{0.65} T^{-0.60} \\ Y = \rho^{0.30} R^{0.46} T^{0.80} \\ Z = \rho^{0.79} R^{-0.61} T^{-0.039} \end{cases}$$
(5)

この関係を使い、各物理量を (*X*, *Y*, *Z*) で表すことができる。例えば熱制動放射の場合、X 線光度は以下の相関をもつ。

$$L_X \propto \rho^2 R^3 T^{1/2} \tag{6}$$

従って、

$$L_X \propto X^{2.6} Y^{2.6} Z^{-0.27} \tag{7}$$

ー方温度 *T* に関しては、ほとんど *Z* 軸に対する依存性を持たず、*X* 軸の分散も小さいことから、*Y* 軸の分散が *T* の変化量を決めている。したがって

$$T \propto Y^{0.80} \tag{8}$$

であり、これより、観測に比較的近い関係、

$$L_X \propto T^{3.3} \tag{9}$$

を得る。

3 Cosmological implications from X-ray clusters (Fujita & Takahara (1999b))

銀河や銀河団の形成・進化は宇宙論パラメータに 強く依存している (例.重力収縮時期)。この論文で は銀河団の形成過程について、理論予想と観測デー タの分布 (fundamental plane と band)を比較・検 討することで膨張宇宙における宇宙論パラメータに 制限をかけることを目的としている。

銀河団は重力収縮を完了し、ビリアル化される。こ こでは簡単のために球対称に収縮すると考える。ま た、ビリアル化は宇宙の平均密度の何倍になった時 に起こるかは理論的に推定することができ、これを $\Delta_{\rm c}$ と定義する。銀河団形成時の赤方偏移を $z_{\rm coll}$ と すれば、ビリアル密度 $\rho_{\rm vir}$ および collapse factor $\Delta_{\rm c}$ は以下のように記述できる。

$$\begin{cases} \rho_{\rm vir} = \Delta_{\rm c} \frac{\Omega_0 \rho_{\rm crit,0} (1+z_{\rm coll})^3}{\Omega(z_{\rm coll})}\\ \Delta_{\rm c} \approx 18\pi^2 + 60x - 32x^2\\ x = \Omega(z_{\rm coll}) - 1 \end{cases}$$
(10)

ここで宇宙の平均密度として臨界密度 ρ_{crit} を用い、 物質密度パラメータ を $\Omega(z)$ で表した。

また、現在の添え字の 0 は現在の値を示す。さら に、宇宙の密度の揺らぎは以下のように示される。 (Lacey & Cole (1993))

$$\delta_{c}(t_{\text{coll}}) = \begin{cases} \frac{2}{3}D(t_{0}) \left[1 + \left(\frac{t_{\Omega}}{t_{\text{coll}}}\right)^{\frac{2}{3}} \right] & (\Omega_{0} < 1) \\ \frac{3(12\pi)^{\frac{2}{3}}}{20} \left(\frac{t_{\Omega}}{t_{\text{coll}}}\right)^{\frac{2}{3}} & (\Omega_{0} = 1) \end{cases}$$
(11)

ここで $t_{\Omega} = \pi H_0^{-1} \Omega_0 (1 - \Omega_0)^{-3/2}$ であり、 *D* は 成長因子を示している。つまり $\delta_c(t_{\text{coll}})$ は時刻 (=赤 方偏移)の関数であることがわかる。

また、宇宙初期のパワースペクトルの関係 $P \propto k^n$ より、質量 M の銀河団に対応する密度ゆらぎを $\delta \propto$

 $M^{-(n+3)/6}$ と表すことができる。これから $t = t_{coll}$ で形成された銀河団のビリアル質量と、現在 $(t = t_0)$ 形成されている銀河団のビリアル質量の関係を $\delta_c(t)$ を用いて記述することが可能である。

$$M_{\rm vir}(t_{\rm coll}) = M_{\rm vir}(t_0) \left[\frac{\delta_{\rm c}(t_{\rm coll})}{\delta_{\rm c}(t_0)}\right]^{-6/(n+3)}$$
(12)

すなわちビリアル質量は赤方偏移 *z*coll = *z*coll(*t*coll) の関数であることがわかる。さらにビリアル半径・ビ リアル温度も赤方偏移の関数となる。つまり、赤方偏 移 *z*coll から、それらの物理量の相関が得られること になる。これらの理論をもとに温度・ビリアル半径・ ビリアル質量の関係をグラフ化し、さらに paper1 で 用いたデータをプロットする。ここでは、ビリアル 半径とビリアル密度の関係を示した図を紹介する。



図 3: *n* = 1 の場合のビリアル質量とビリアル半径の 関係

ビリアル密度・半径はそれぞれ形成時の赤方偏移の 関数として示すことができるため、グラフ上に理論 的相関を表すことができる。ここで、現在の密度パラ メータや銀河団のビリアル質量が必要なため、それ ぞれ $\Omega_0 = 1.0, \Omega_0 = 0.2, M_{\rm vir} = 10^{16} M_{\odot}, M_{rmvir} = 5 \times 10^{14} M_{\odot}$ という値を設定した。4本の理論曲線の 先端 A, B, a, bは $z_{\rm coll} = 0, C, D$ は $z_{\rm coll} = 1 - 1/\Omega_0, c, d$ は $z_{\rm coll} = 0.5$ での値を示している。つまり、銀 河団の観測データは a, b, c, d, A, B, C, Dが囲む領域 の中にあるはずである。

構造形成のシミュレーションによれば、物質密度 パラメータが 1.0 の宇宙では構造の形成に時間がか

hり、 z_{coll} ~ 0 付近に銀河団のデータが集中するは
ずであるが、実際のデータはそれ以前(より大きな
赤方偏移の時期)に銀河団が収縮していることがわかる。構造形成を阻害する宇宙膨張は時間がたつにつれ加速していく。そのため Ω₀ が小さいほど、構造
形成は早い段階で行われる。すなわち、Ω₀ < 1 より現実的であると結論付けられた。

Reference

Fujita.Y, & Takahara.F 1999a, ApJ
Fujita.Y, & Takahara.F 1999b, ApJ
S.Ettori et al.2010, A & A
Lacey.C & Cole.S 1993, MNRAS
Bryan.C.L. & Norman.M.L 1998, ApJ
Kitayama.T & Suto.Y 1996, ApJ
Mohr et al. 1999, ApJ